

# هوش مصنوعی

فصل ششم

عوامل های منطقی

## فهرست

↪ عواملی مبتنی بر دانش

↪ منطق

↪ منطق گزاره ای

↪ الگوهای استدلال در منطق گزاره ای

↪ الگوریتم resolution

↪ زنجیر پیشرو و عقبگرد

## عواملهای مبتنی بر دانش

مؤلفه اصلی عامل مبتنی بر دانش، پایگاه دانش آن است  
پایگاه دانش: مجموعه ای از جملات  
جمله: زبان نمایش دانش و بیان ادعاهایی در مورد جهان

برای اضافه کردن جملات به پایگاه دانش و درخواست دانسته ها

ASK و TELL

پیروی: انجام فرایند استنتاج تحت مقررات خاص

**function** KB-AGENT(*percept*) **returns** an *action*

**static:** *KB*, a knowledge base

*t*, a counter, initially 0, indicating time

TELL(*KB*, MAKE-PERCEPT-SENTENCE(*percept*, *t*))

*action* ← ASK(*KB*, MAKE-ACTION-QUERY(*t*))

TELL(*KB*, MAKE-ACTION-SENTENCE(*action*, *t*))

*t* ← *t* + 1

**return** *action*

**Figure 7.1** A generic knowledge-based agent.

# عواملهای منطقی

## عواملهای مبتنی بر دانش

↗ عامل مبتنی بر دانش باید بتواند:

- ↘ نمایش حالات و فعالیتهای
- ↘ ترکیب ادراکات جدید
- ↘ بروز کردن تصور داخلی خود از جهان
- ↘ استنباط خصوصیات مخفی جهان
- ↘ استنتاج فعالیتهای مناسب

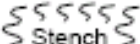
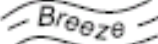




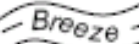

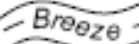
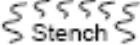
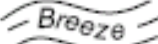



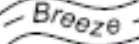
↗ عامل پایگاه دانش خیلی شبیه به عاملهایی با حالت درونی است

↗ عاملها در سه سطح متفاوت تعریف میشوند:

- ↘ سطح دانش: عامل چه چیزی میداند و اهداف آن کدامند؟
- ↘ سطح منطقی: دانش به صورت جملات رمزگذاری می شود.
- ↘ سطح پیاده سازی: ساختمان داده اطلاعات پایگاه دانش و چگونگی دستکاری آنها

# عامل‌های منطقی

## جهان WUMPUS

4	 Stench	 Breeze	 PIT	
3	  Stench  Gold	 Breeze	 PIT  Breeze	
2	 Stench	 Breeze		
1	 START	 Breeze	 PIT  Breeze	
	1	2	3	4

### معیار کارایی:

۱۰۰۰+ انتخاب طلا، ۱۰۰۰- افتادن در گودال یا فورده شدن، ۱- هر مرحله، ۱۰- برای استفاده از تیر

### محیط:

- بوی تعفن در مربع‌های همجوار WUMPUS
- نسیج در مربع‌های همجوار گودال
- درفشش در مربع ماوی طلا
- گشته شدن WUMPUS با شلیک در صورت مقابله
- تیر فقط مستقیم عمل میکند
- برداشتن و انداختن طلا

### مسگرها:

بوی تعفن، نسیج، تابش، ضربه، بیخ زدن

### محرکها:

گردش به چپ، گردش به راست، جلو رفتن، برداشتن، انداختن، شلیک کردن

# عوامل‌های منطقی

## توصیف جهان WUMPUS

قابل مشاهده کامل: خیر، فقط ادراک محلی

قطعی: بله، نتیجه دقیقاً مشخص است

رویدادی: خیر، ترتیبی از فعالیتهاست

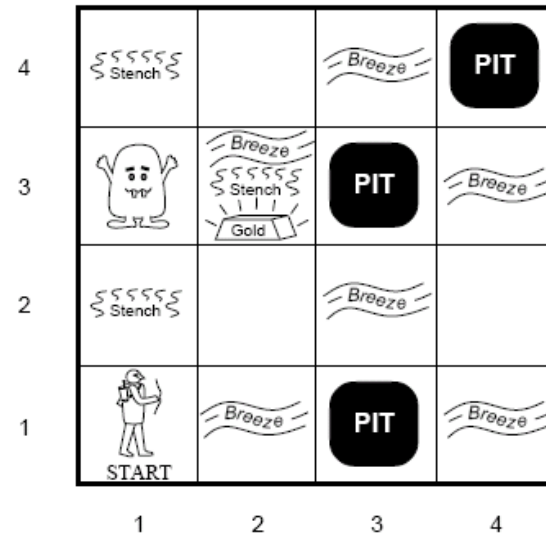
ایستا: بله، WUMPUS و گودالها حرکت ندارند

گسسته: بله

تک عامله: بله، WUMPUS در اصل یک خصوصیت طبیعی است

# Move to A1,1

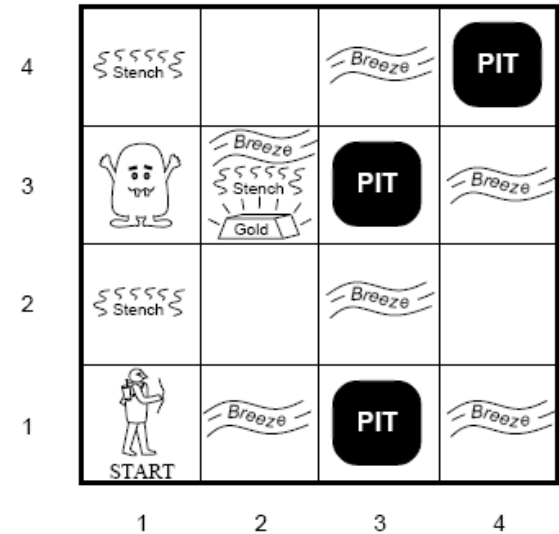
- R1 : A1,1 : ok
- -----
- R2 :  $\sim$  B1,1
- R3 :  $\sim$  S1,1
- -----
- R4 :  $\sim$ P2,1
- R5 :  $\sim$ P1,2
- R6 :  $\sim$ W2,1
- R7 :  $\sim$ W1,2
- R8 : A2,1 ok
- R9 : A1,2 ok
- R10 : B1,1 $\Leftrightarrow$ P1,2  $\vee$  P2,1





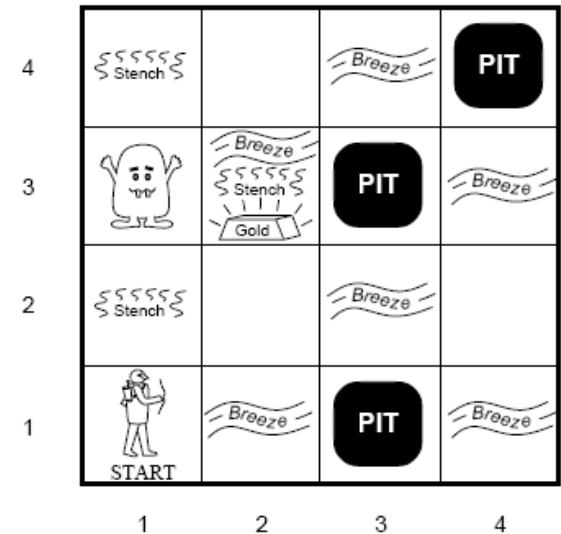
# move to A2,1

- R11 : B2,1
- R12 :  $\sim$  S2,1
- -----
- R13 : P2,2  $\vee$  P3,1
- R14 :  $\sim$ W2,2
- R15 :  $\sim$ W3,1
- R16 : B2,1  $\Leftrightarrow$  P1,1  $\vee$  P3,1  $\vee$  P2,2



# back to A1,1 then move to A1,2

- R17 :  $\sim B1,2$
- R18 : S1,2
- -----
- R19 : W1,3 (R15 && R18)
- R20 :  $\sim P2,2$  (R17)
- R21 : P3,1 (R20 && R13)
- R22 : A2,2 OK
- R23 :  $B1,2 \Leftrightarrow P1,1 \vee P1,3 \vee P2,2$



# عوامل‌های منطقی

## منطق

یک زبان رسمی:

ترکیب (نمو): چه کلمه بندی صحیح است. (فوش فره)

معناشناسی: یک کلمه بندی صحیح چه معنایی دارد

در منطق، معنای زبان، درستی هر جمله را در برابر هر جهان ممکن تعریف میکند

مثال، در زبان ریاضیات

$x+2 \geq y$  یک جمله اما  $x^2+y$  جمله نیست

$x+2 \geq y$  در جهان درست است اگر  $x=7$  و  $y=1$

$x+2 \geq y$  در جهان غلط است اگر  $x=0$  و  $y=6$

# عوامل‌های منطقی

## استلزام

استلزام منطقی بین جملات این است که جمله ای بطور منطقی از جمله دیگر پیروی میکند

$$a \models b$$

- جمله  $a$  استلزام جمله  $b$  است
- جمله  $a$  جمله  $b$  را ایجاد میکند
- اگر و فقط اگر، در هر مدلی که  $a$  درست است،  $b$  نیز درست است
- اگر  $a$  درست باشد،  $b$  نیز درست است
- درستی  $b$  در درستی  $a$  نهفته است

مثال: جمله  $x+y=4$  مستلزم جمله  $4=x+y$  است

# عوامل‌های منطقی

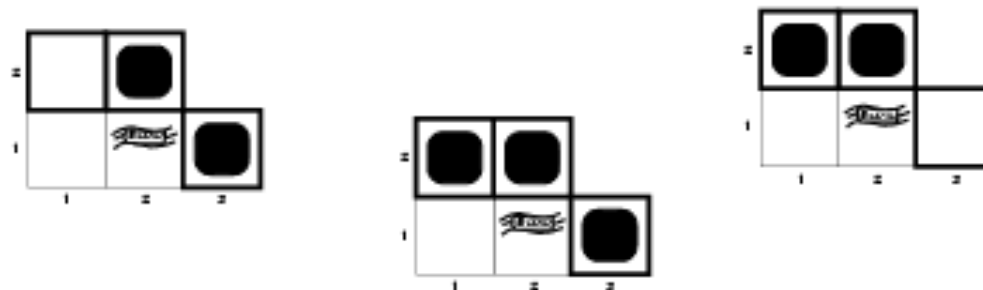
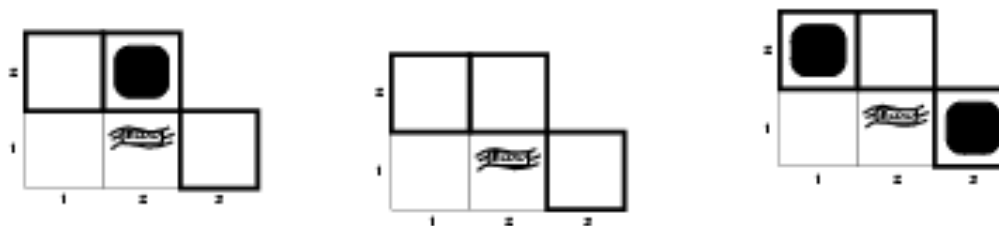
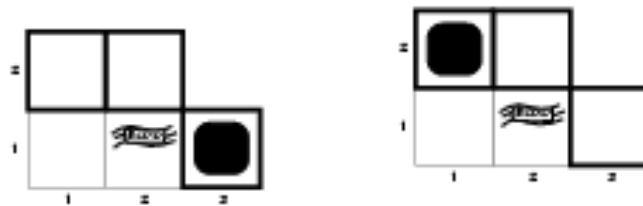
## استلزام

در اغلب موارد پایگاه معرفت به عنوان یک عبارت در نظر گرفته می‌شود و ما درباره پایگاه معرفتی که یک جمله را مستلزم می‌سازد گفتگو می‌کنیم یعنی:

$$A \supset B \quad | \quad = \quad \neg A \vee B$$

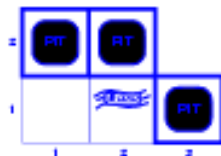
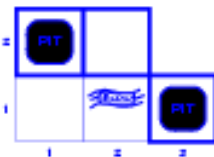
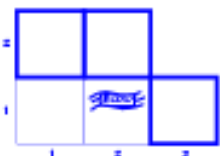
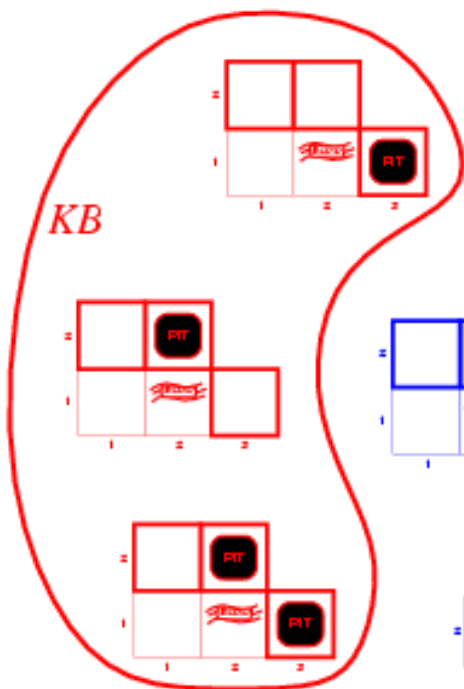
# عواملهای منطقی

## مدلهای Wumpus



# عوامل‌های منطقی

## مدلهای Wumpus



KB

=

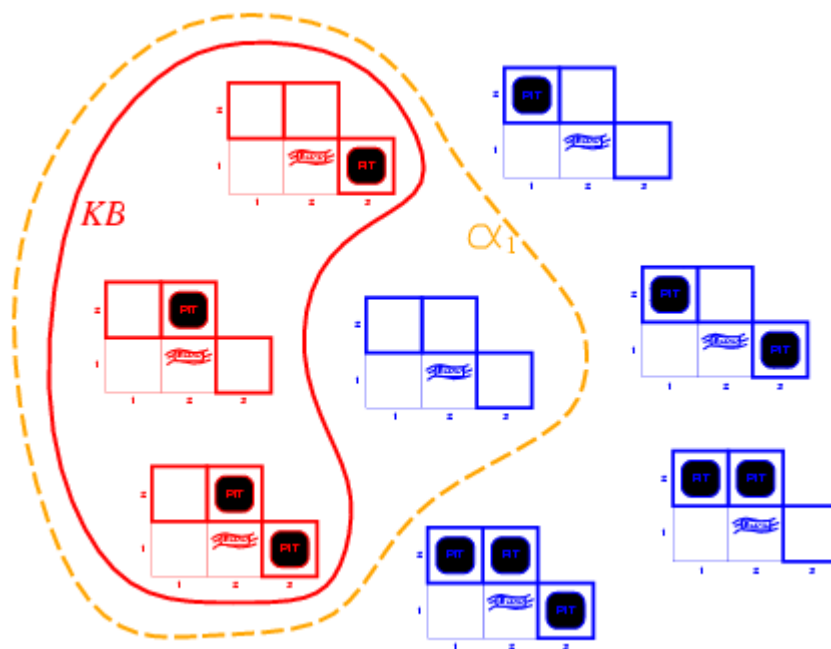
قوانین دنیای Wumpus

+

مشاهدات

# عواملهای منطقی

## مدلهای Wumpus

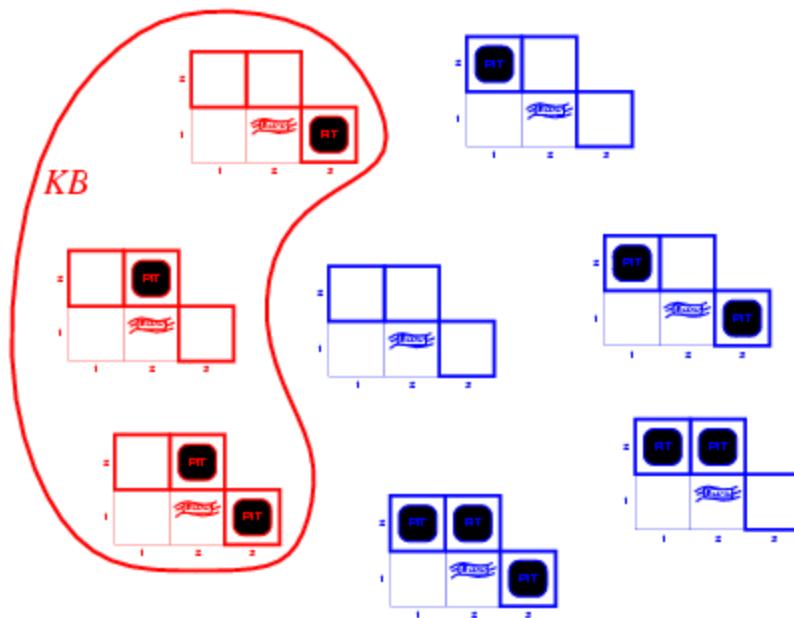


$KB = \text{wumpus دنیای} + \text{مشاهدات}$   
 $\alpha_1 = \text{"[1,2] است امن", } KB \models \alpha_1$



# عواملهای منطقی

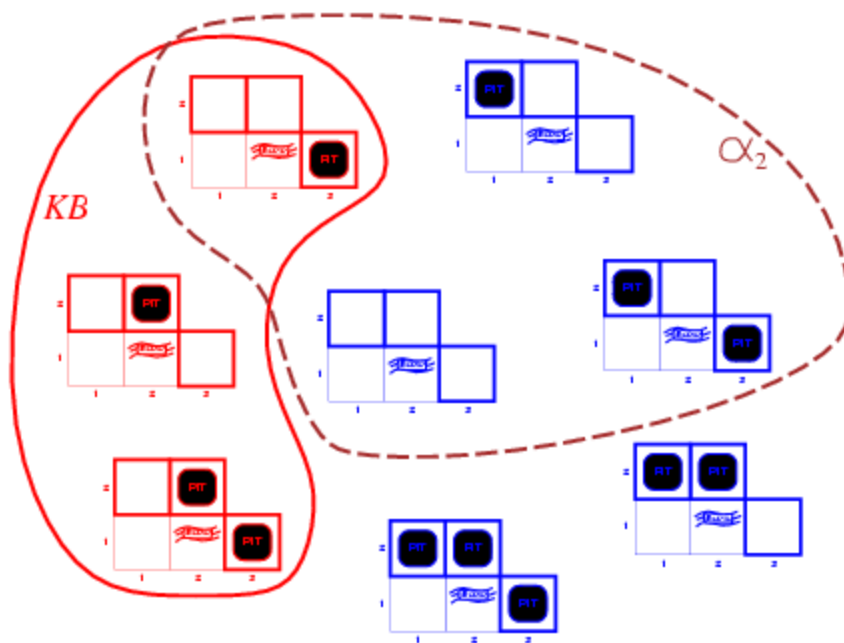
## مدلهای Wumpus



$KB = \text{wumpus}$  دنیای + مشاهدات

# عوامل‌های منطقی

## مدلهای Wumpus



$KB = \text{wumpus دنیای} + \text{مشاهدات}$   
 $\alpha_2 = \text{"[2,2] امن است", } KB \not\models \alpha_2$

# عواملهای منطقی

## منطق گزاره ای

نمونه منطقی گزاره ای، جملات مجاز را تعریف میکند

جملات اتمیک (عناصر غیر قابل تصمیم) تشکیل شده از یک نماد گزاره

هر یک از این نمادها به گزاره ای درست یا نادرست اختصاص دارد

نمادها از حروف بزرگ مثل P, Q, R استفاده میکنند

لیترال: جملات اتمی مثبت یا منفی

جملات پیچیده با استفاده از رابطهای منطقی، از جملات ساده تر ساخته میشوند

$\neg$  (not) جمله ای مثل  $W_{1,3}$   $\neg$  نقیض  $W_{1,3}$  است

لیترال یک جمله اتمیک (لیترال مثبت)، یا یک جمله اتمیک منفی (لیترال منفی) است

$\wedge$  (and) مثل  $W_{1,3} \wedge P_{1,3}$  ترکیب عطفی نام دارد. هر بخش آن یک عطف نامیده میشود

$\vee$  (or) مثل  $(W_{1,3} \wedge P_{3,1}) \vee W_{2,2}$  ترکیب فصلی مربوط به فصل های  $W_{2,2}$  و  $W_{1,3} \wedge P_{3,1}$

$\Rightarrow$  (استلزام):  $(W_{1,3} \wedge P_{3,1}) \vee \neg W_{2,2}$  استلزام یا شرطی نامیده میشود. مقدمه یا

مقدمه آن  $W_{1,3} \wedge P_{3,1}$  و نتیجه یا تالی آن  $W_{2,2}$  است

$\Leftrightarrow$  جمله  $W_{1,3} \Leftrightarrow W_{2,2}$  دو شرطی نام دارد

*Sentence*  $\rightarrow$  *AtomicSentence* | *ComplexSentence*

*AtomicSentence*  $\rightarrow$  **True** | **False** | *Symbol*

*Symbol*  $\rightarrow$  **P** | **Q** | **R** | ...

*ComplexSentence*  $\rightarrow$   $\neg$  *Sentence*

| ( *Sentence*  $\wedge$  *Sentence* )

| ( *Sentence*  $\vee$  *Sentence* )

| ( *Sentence*  $\Rightarrow$  *Sentence* )

| ( *Sentence*  $\Leftrightarrow$  *Sentence* )

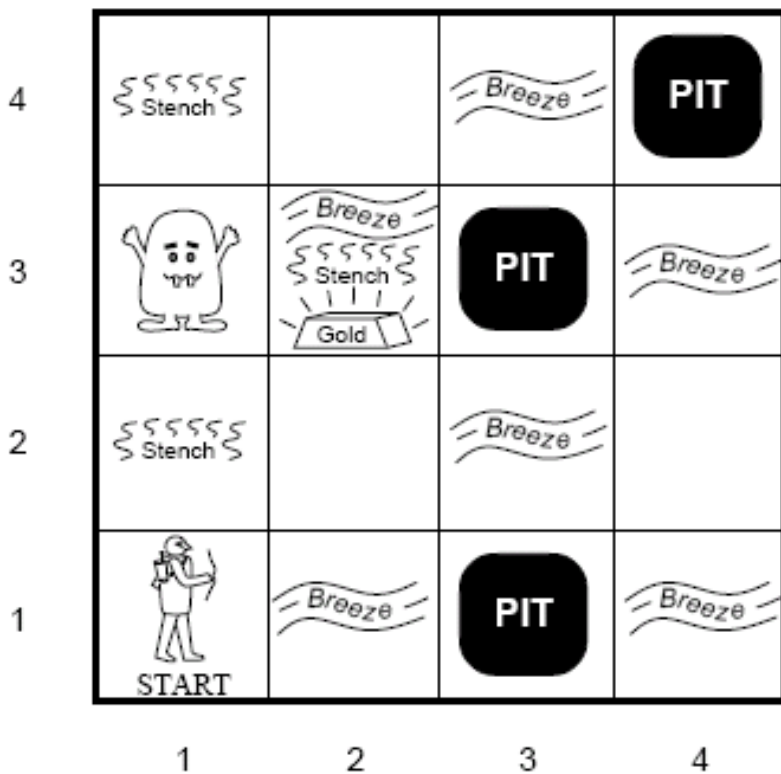
## معانی (Semantic)

- معانی قوانینی برای تعیین صحت جمله نسبت به یک مدل خاص را تعیین می کنند.
  - در منطق گزاره ها، مدل مقادیر درستی (درست یا نادرست) را برای هر نماد گزاره ای مشخص می کند.  
- برای مثال، اگر جمله ای در پایگاه معرفت از نمادهای گزاره ای استفاده کند، آنگاه یک مدل ممکن
- $$m_1 = \{P_{1,2} = false, P_{2,2} = false, P_{3,1} = true\}$$
- معنی در منطق گزاره ها باید مشخص کند که چگونه مقدار درستی هر جمله ای را با مدل داده شده محاسبه کنیم.

$P$	$Q$	$\neg P$	$P \wedge Q$	$P \vee Q$	$P \Rightarrow Q$	$P \Leftrightarrow Q$
<i>false</i>	<i>false</i>	<i>true</i>	<i>false</i>	<i>false</i>	<i>true</i>	<i>true</i>
<i>false</i>	<i>true</i>	<i>true</i>	<i>false</i>	<i>true</i>	<i>true</i>	<i>false</i>
<i>true</i>	<i>false</i>	<i>false</i>	<i>false</i>	<i>true</i>	<i>false</i>	<i>false</i>
<i>true</i>	<i>true</i>	<i>false</i>	<i>true</i>	<i>true</i>	<i>true</i>	<i>true</i>

# عواملهای منطقی

## منطق گزاره ای در دنیای Wumpus



در  $B_{1,1}$  نسیمی وجود دارد

$$R2: B_{1,1} \Leftrightarrow (P_{1,2} \vee P_{2,1})$$

در  $[1,1]$  گودالی وجود ندارد

$$R1: \neg P_{1,1}$$

$$R_1: \sim P_{1,1}$$

• چاهی در [1,1] نیست.

• خانه ای نسیم دارد اگر و تنها اگر در همسایگی آن چاهی باشد، این برای هر خانه ای صادق است، الان تنها خانه های مربوط را شامل می کنیم:

$$R_2: B_{1,1} \Leftrightarrow (P_{1,2} \vee P_{2,1})$$

$$R_3: B_{2,1} \Leftrightarrow (P_{1,1} \vee P_{2,2} \vee P_{3,1})$$

• جملات قبلی برای تمامی دنیاهای هیولا صحت دارند. حال درک نسیم برای دو خانه ملاقات شده اول در دنیای فاص عامل آن را به موقعیت شکل ۶-۳-۵ می رساند:

$$R_4: \sim B_{1,1}$$

$$R_5: B_{2,1}$$

• پایگاه معرفت هم اکنون شامل جملات  $R_1$  تا  $R_5$  است. می توان آنها را با یک جمله واحد نشان داد زیرا ادعا می کند تمامی جملات مجزا صحیح هستند.

$$R_1 \wedge R_2 \wedge R_3 \wedge R_4 \wedge R_5$$



## استنتاج (از طریق پیاده سازی مستقیم تعریف استلزام)

هدف استنتاج منطقی تصمیم گیری درباره  $KB \models \alpha$  برای جمله ای همانند  $\alpha$  است.

مدل ها را بررسی کن و کنترل کن  $\alpha$  در هر مدلی که  $KB$  در آن درست است، درست یا نه.

برای منطق گزاره ها، مدل ها جایگذاری های درست یا نادرست روی هر نماد گزاره ای هستند. اگر به مثال

دنیای هیولا برگردیم، نمادهای گزاره ای مربوط  $B_{2,1}, B_{1,1}, P_{3,1}, P_{2,2}, P_{2,1}, P_{1,2}, P_{1,1}$  هستند. با هفت نماد،

$2^7=128$  مدل ممکن داریم که در سه تای آنها  $KB$  صحیح است (شکل ۶-۷). در این سه مدل،  $\sim P_{1,2}$

صحیح است، پس چاهی در [۱ و ۲] نیست. از سوی دیگر،  $P_{2,2}$  نیست.

# استنتاج (از طریق پیاده سازی مستقیم تعریف استلزام)

$B_{1,1}$	$B_{2,1}$	$P_{1,1}$	$P_{1,2}$	$P_{2,1}$	$P_{2,2}$	$P_{3,1}$	$R_1$	$R_2$	$R_3$	$R_4$	$R_5$	KB
false	false	false	false	false	false	false	true	true	true	true	false	false
false	false	false	false	false	false	true	true	true	false	true	false	false
⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
false	true	false	false	false	false	false	true	true	false	true	true	false
false	true	false	false	false	false	true	true	true	true	true	true	<u>true</u>
false	true	false	false	false	true	false	true	true	true	true	true	<u>true</u>
false	true	false	false	false	true	true	true	true	true	true	true	<u>true</u>
false	true	false	false	true	false	false	true	false	false	true	true	false
⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
true	true	true	true	true	true	true	false	true	true	false	true	false

# استنتاج از طریق پیاده سازی مستقیم تعریف استلزام

$$R1: A \vee B$$

$$KB = R1 \wedge R2$$

$$R2: \sim A$$

$$KB \models B$$

-----

B

A	B	R1	R2	KB
0	0	0	1	0
0	1	1	1	1
1	0	1	0	0
1	1	1	0	0

# اعتبار

- جمله معتبر است اگر و تنها اگر در تمامی مدل ها درست باشد.
- برای مثال، جمله  $P \vee \sim P$  معتبر است. جملات معتبر اغلب تاتولوژی (tautology) نام دارند،
- بنابر تعریف استلزام می توانیم قضیه قیاس را بدست آوریم:
- $KB \models \alpha$  اگر و فقط اگر جمله  $KB \rightarrow \alpha$  معتبر باشد.

## استنتاج از طريق اعتبار

$$R1: A \vee B$$

$$KB = R1 \wedge R2$$

$$R2: \sim A$$

$$KB \models B$$

-----

B

A	B	R1	R2	KB	VALIDITY KB $\rightarrow$ B
0	0	0	1	0	1
0	1	1	1	1	1
1	0	1	0	0	1
1	1	1	0	0	1

# عواملهای منطقی

## منطق گزاره ای

- $(\alpha \wedge \beta) \equiv (\beta \wedge \alpha)$  commutativity of  $\wedge$
- $(\alpha \vee \beta) \equiv (\beta \vee \alpha)$  commutativity of  $\vee$
- $((\alpha \wedge \beta) \wedge \gamma) \equiv (\alpha \wedge (\beta \wedge \gamma))$  associativity of  $\wedge$
- $((\alpha \vee \beta) \vee \gamma) \equiv (\alpha \vee (\beta \vee \gamma))$  associativity of  $\vee$
- $\neg(\neg\alpha) \equiv \alpha$  double-negation elimination
- $(\alpha \Rightarrow \beta) \equiv (\neg\beta \Rightarrow \neg\alpha)$  contraposition
- $(\alpha \Rightarrow \beta) \equiv (\neg\alpha \vee \beta)$  implication elimination
- $(\alpha \Leftrightarrow \beta) \equiv ((\alpha \Rightarrow \beta) \wedge (\beta \Rightarrow \alpha))$  biconditional elimination
- $\neg(\alpha \wedge \beta) \equiv (\neg\alpha \vee \neg\beta)$  de Morgan
- $\neg(\alpha \vee \beta) \equiv (\neg\alpha \wedge \neg\beta)$  de Morgan
- $(\alpha \wedge (\beta \vee \gamma)) \equiv ((\alpha \wedge \beta) \vee (\alpha \wedge \gamma))$  distributivity of  $\wedge$  over  $\vee$
- $(\alpha \vee (\beta \wedge \gamma)) \equiv ((\alpha \vee \beta) \wedge (\alpha \vee \gamma))$  distributivity of  $\vee$  over  $\wedge$

# ارضاء پذیری

- جمله ارضاء شدنی است اگر در برخی مدل ها درست باشد.
- ارضاء پذیری از طریق امتحان کردن مدل های ممکن تا یافتن یک جمله ارضاء شده کنترل می شود.
- استنتاج از طریق تعریف ارضاء پذیری بصورت زیر انجام می شود:

$KB \models \alpha$  اگر و فقط اگر جمله  $KB \wedge \sim \alpha$  ارضاء ناپذیر باشد.

# استنتاج از طریق ارضایپذیری

$$R1: A \vee B$$

$$KB = R1 \wedge R2$$

$$R2: \sim A$$

$$KB \models B$$

-----

B

A	B	R1	R2	KB	VALIDITY KB $\rightarrow$ B	SATISFIABILITY KB $\wedge$ $\sim$ B
0	0	0	1	0	1	0
0	1	1	1	1	1	0
1	0	1	0	0	1	0
1	1	1	0	0	1	0



# الگوهای استدلال در منطق گزاره ای

قوانین استنتاج: الگوهایی استاندارد که زنجیره ای از نتایج را برای رسیدن به هدف ایجاد میکند

**قیاس استثنایی: قانون انتظار : Modus Ponens**

R1 :  $A \rightarrow B$

R2: A

-----

B

(WumpusAhead ^ WumpusAlive)

∧

(WumpusAhead ^ WumpusAlive) => Shoot

-----

Shoot

# عواملهای منطقی

$\alpha \wedge \beta$

-----

$\alpha$

$\beta$

مذف **and**: هر عطف را میتوان از ترکیب  
عطفی استنتاج کرد

مثال: WumpusAlive را میتوان از جمله زیر استنتاج کرد  
(WumpusAhead  $\wedge$  WumpusAlive)

## خاصیت یکنواختی

مجموعه ای از جملات استلزامی که فقط میتواند در صورت اضافه شدن  
اطلاعات به پایگاه دانش رشد کند.

$$KB \models A \quad \rightarrow \quad (KB \wedge B) \models A$$

- قانون هم ارزی: تمامی هم ارزی های منطقی شکل ۶-۸ می توانند به عنوان قوانین استنتاجی استفاده شوند. برای مثال، هم ارزی حذف دو شرطی دو قانون استنتاجی زیر را می دهد:

$$\frac{\alpha \Leftrightarrow \beta}{(\alpha \Rightarrow \beta) \wedge (\beta \Rightarrow \alpha)}, \frac{(\alpha \Rightarrow \beta) \wedge (\beta \Rightarrow \alpha)}{\alpha \Leftrightarrow \beta}$$

- قانون OR introduction

اگر در رابطه زیر یک  $\alpha_i$  درست باشد پس  $\alpha_1 \vee \alpha_2 \vee \alpha_3 \dots \vee \alpha_n$  نیز درست است.

- قانون  $\sim \sim \alpha$

$$\frac{\sim \sim \alpha}{\alpha}$$

## قانون resolution

قانون resolution واحد، یک عبارت و یک  
لیترال را گرفته، عبارت دیگری تولید میکند

R1 :  $A \vee B$

$L1 \vee L2 \vee \dots Lk$

R2 :  $\sim A$

$\sim Li$

-----

-----  
 $L1 \vee L2 \dots Li-1 \vee Li+1 \vee \dots Lk$

B

- چاهی در [1,1] نیست.

$$R_1: \sim P_{1,1}$$

- خانه ای نسیم دارد اگر و تنها اگر در همسایگی آن چاهی باشد، این برای هر خانه ای صادق است، الان تنها خانه های مربوط را شامل می کنیم:

$$R_2: B_{1,1} \Leftrightarrow (P_{1,2} \vee P_{2,1})$$

$$R_3: B_{2,1} \Leftrightarrow (P_{1,1} \vee P_{2,2} \vee P_{3,1})$$

- جملات قبلی برای تمامی دنیاهای هیولا صحت دارند. حال درک نسیم برای دو خانه ملاقات شده اول در دنیای خاص عامل آن را به موقعیت شکل ۶-۳-۱ می رساند:

$$R_4: \sim B_{1,1}$$

$$R_5: B_{2,1}$$

پایگاه معرفت هم اکنون شامل جملات  $R_1$  تا  $R_5$  است. می توان آنها را با یک جمله واحد

$R_1 \wedge R_2 \wedge R_3 \wedge R_4 \wedge R_5$  نشان داد زیرا ادعا می کند تمامی جملات مجزا صحیح هستند.

$$KB \mid = \sim P_{1,2}$$

ابتدا حذف دو شرطی را روی  $R_2$  اعمال می کنیم.

$$R_6: \left( \beta_{1,1} \Rightarrow (P_{1,2} \vee P_{2,1}) \right) \wedge (P_{1,2} \vee P_{2,1} \Rightarrow B_{1,1})$$

سپس حذف AND را روی  $R_6$  اعمال می کنیم.

$$R_7: (P_{1,2} \vee P_{2,1} \Rightarrow B_{1,1})$$

هم ارزی منطقی برای ضد مثبت می دهد:

$$R_8: \sim B_{1,1} \Rightarrow \sim (P_{1,2} \vee P_{2,1})$$

حال Modus Ponens را روی  $R_4$ ,  $R_8$  اعمال کرده تا:

$$R_9: \sim (P_{1,2} \vee P_{2,1})$$

در نهایت قانون دمورگان را اعمال می کنیم:

$$R_{10}: \sim P_{1,2} \wedge \sim P_{2,1}$$

$$\sim P_{1,2}$$

یعنی نه در  $[1,2]$  و نه در  $[2,1]$  چاهی نیست. این عملیات اثبات نام دارد.

شکل ۴-۶-۸ را در نظر بگیرید. عامل از  $[2,1]$  به  $[1,1]$  برگشته و سپس به  $[1,2]$  می رود که بوی تعفن احساس می کند و نسیمی در کار نیست. این واقعیات را به پایگاه معرفت اضافه می کنیم.

$$R_{11}: \sim B_{1,2}$$

$$R_{12}: B_{1,2} \Leftrightarrow (P_{1,1} \vee P_{2,2} \vee P_{1,3})$$

ثابت کنید:  $\sim P_{1,3}$  ,  $\sim P_{2,2}$

$$R_{11}: \sim B_{1,2}$$

قانون ترکیب دو شرطی :

$$R_{12}: [B_{1,2} \Rightarrow (P_{1,1} \vee P_{2,2} \vee P_{1,3})] \wedge [(P_{1,1} \vee P_{2,2} \vee P_{1,3}) \Rightarrow B_{1,2}]$$

هم ارزی منطقی برای ضد مثبت:

$$\sim B_{1,2}$$

$$\sim B_{1,2} \Rightarrow \sim (P_{1,1} \vee P_{2,2} \vee P_{1,3})$$

طبق قانون Modus ponens نتیجه زیر گرفته می شود:

$$\sim (P_{1,1} \vee P_{2,2} \vee P_{1,3})$$

دمورگان:

$$\sim P_{1,1} \wedge \sim P_{2,2} \wedge \sim P_{1,3}$$

حذف AND:

$$R_{13}: \sim P_{2,2}$$

$$R_{14}: \sim P_{1,3}$$



به عنوان مثال دیگری ثابت کنید :  $P_{3,1}$

با اعمال حذف شرط دو طرفی به  $R_3$  به همراه modus ponens به  $R_5$  به این واقعیت می رسیم که چاهی در  $[1,1]$  یا  $[۲و۲]$  یا  $[۳و۱]$  وجود دارد:

$$R_3: B_{2,1} \Leftrightarrow (P_{1,1} \vee P_{2,2} \vee P_{3,1})$$

$$R_5: B_{2,1}$$

قانون ترکیب دو شرطی :

$$[B_{2,1} \Rightarrow (P_{1,1} \vee P_{2,2} \vee P_{3,1})] \wedge [(P_{1,1} \vee P_{2,2} \vee P_{3,1}) \Rightarrow B_{2,1}]$$

حذف AND و Modus Ponens:

$$B_{2,1} \Rightarrow (P_{1,1} \vee P_{2,2} \vee P_{3,1})$$

$$\frac{B_{2,1}}{P_{1,1} \vee P_{2,2} \vee P_{3,1}}$$

حال اولین کاربرد قانون رزولوشن پیش می آید: لیترال  $\sim P_{2,2}$  در  $R_{13}$  با لیترال  $P_{2,2}$  در  $R_{15}$  حل شده و

می دهد.

$$R_{15}: (P_{1,1} \vee P_{2,2} \vee P_{3,1})$$

$$R_{13}: \sim P_{2,2}$$

$$\frac{R_{15}: (P_{1,1} \vee P_{2,2} \vee P_{3,1})}{R_{13}: \sim P_{2,2}}$$

$$R_{16}: P_{1,1} \vee P_{3,1}$$

به زبان فارسی اگر چاهی در یکی از خانه های [۱و۱]، [۲و۲] و [۳و۱] باشد و در [۲و۲] نباشد پس در

حل شده تا داشته باشیم:  $R_{16}$  در  $P_{1,1}$  بالیترال  $\sim R_{1,1}$  :  $R_1$  [۱و۱] یا [۳و۱] داشت. مشابهاً

$$R_{16} : P_{1,1} \vee P_{3,1}$$

$$R_1 : \sim P_{1,1}$$

$$\frac{R_{16} : P_{1,1} \vee P_{3,1}}{R_1 : \sim P_{1,1}}$$

$R_{17}: P_{3,1}$  به زبان فارسی اگر چاه در [۱و۱] یا [۳و۱] باشد و در [۱و۱] نباشد، پس در [۳و۱] است. دو

مرحله استنتاجی آخر مثال هایی از رزولوشن واحد قوانین استنتاجی هستند.

## فرم نرمال عطفی (CNF) Conjunctive Normal Form

قانون رزولوشن تنها قابل اعمال به ترکیب فصلی لیترالهاست و هر جمله منطقی گزاره ها نیز هم ارز منطقی با یک ترکیب عطفی از ترکیبات فصلی لیترالهاست.

جمله ای که به صورت ترکیب عطفی از ترکیبات فصلی لیترالها بیان شوم فرم CNF دارد.

$$(l_{1,1} \vee \dots \vee l_{1,k}) \wedge \dots \wedge (l_{n,1} \vee \dots \vee l_{n,k})$$

به هر ترکیب فصلی از لیترالها یک کلاز (clause) می گویند. هر قانون را می توان به صورت CNF

نوشت. قانون  $R_2$  به فرم CNF به صورت زیر است :

# عوامل‌های منطقی

## الگوریتم resolution

↩ شکل نرمال عطفی (CNF): جمله ای که بصورت ترکیب عطفی از ترکیبات فصلی لیترالها بیان میشود. در هر عبارت موجود در جمله k-CNF دقیقاً k لیترال وجود دارد

$$(l_{1,1} \vee \dots \vee l_{1,k}) \wedge \dots \wedge (l_{n,1} \vee \dots \vee l_{n,k})$$

## ↩ الگوریتم resolution:

- ↩ برای اینکه نشان دهیم  $KB \models a$ ، مشخص میکنیم  $(KB \wedge \neg a)$  ارضا کننده نیست
- ↩ ابتدا  $(KB \wedge \neg a)$  را به CNF تبدیل میکنیم
- ↩ سپس قانون resolution به عبارات کوچک حاصل اعمال میشود
- ↩ هر جفتی که شامل لیترالهای مکمل باشد، resolution میشود تا عبارت جدیدی ایجاد گردد
- ↩ اگر این عبارت قبلاً در مجموعه نباشد، به آن اضافه میشود
- ↩ فرایند تا محقق شدن یکی از شروط زیر ادامه می‌یابد:
  - هیچ عبارت دیگری وجود نداشته باشد که بتواند اضافه شود. در این مورد، b استلزام a نیست
  - کاربرد قانون resolution، عبارت تهی را بدست میدهد که در این مورد، b استلزام a است

procedure. We illustrate the procedure by converting  $R_2$ , the sentence  $B_{1,1} \Leftrightarrow (P_{1,2} \vee P_{2,1})$ , into CNF. The steps are as follows:

1. Eliminate  $\Leftrightarrow$ , replacing  $\alpha \Leftrightarrow \beta$  with  $(\alpha \Rightarrow \beta) \wedge (\beta \Rightarrow \alpha)$ .

$$(B_{1,1} \Rightarrow (P_{1,2} \vee P_{2,1})) \wedge ((P_{1,2} \vee P_{2,1}) \Rightarrow B_{1,1}) .$$

2. Eliminate  $\Rightarrow$ , replacing  $\alpha \Rightarrow \beta$  with  $\neg\alpha \vee \beta$ :

$$(\neg B_{1,1} \vee P_{1,2} \vee P_{2,1}) \wedge (\neg(P_{1,2} \vee P_{2,1}) \vee B_{1,1}) .$$

3. CNF requires  $\neg$  to appear only in literals, so we “move  $\neg$  inwards” by repeated application of the following equivalences from Figure 7.11:

$$\neg(\neg\alpha) \equiv \alpha \quad (\text{double-negation elimination})$$

$$\neg(\alpha \wedge \beta) \equiv (\neg\alpha \vee \neg\beta) \quad (\text{De Morgan})$$

$$\neg(\alpha \vee \beta) \equiv (\neg\alpha \wedge \neg\beta) \quad (\text{De Morgan})$$

In the example, we require just one application of the last rule:

$$(\neg B_{1,1} \vee P_{1,2} \vee P_{2,1}) \wedge ((\neg P_{1,2} \wedge \neg P_{2,1}) \vee B_{1,1}) .$$

4. Now we have a sentence containing nested  $\wedge$  and  $\vee$  operators applied to literals. We apply the distributivity law from Figure 7.11, distributing  $\vee$  over  $\wedge$  wherever possible.

$$(\neg B_{1,1} \vee P_{1,2} \vee P_{2,1}) \wedge (\neg P_{1,2} \vee B_{1,1}) \wedge (\neg P_{2,1} \vee B_{1,1}) .$$

## استنتاج براساس رزولوشن و فرم نرمال عطفی:

روال استنتاج با رزولوشن برای اثبات هر جمله از برهان خلف استفاده می کند. یعنی برای نمایش اینکه  $kB | = \alpha$  است نشان می دهد که  $(kB \wedge \sim \alpha)$  دارای تناقض بوده و ارضا ناپذیر است.

الگوریتم رزولوشن اول  $(kB \wedge \sim \alpha)$  را به  $CNF$  تبدیل می کند. سپس قانون رزولوشن به کلازهای حاصل اعمال خواهد شد. هر جفت که شامل لیترال های متضاد است با هم ادغام شده تا تولید یک کلاز جدید بکند، که به مجموعه اضافه خواهد شد. این فرآیند ادامه یافته تا یکی از موارد زیر روی دهد:

- کلاز جدیدی برای افزودن وجود نداشته باشد، که در این حالت  $\beta, \alpha$  را مستلزم نمی سازد و اثبات صورت نمی گیرد.

- به کارگیری قانون رزولوشن یک کلاز تهی تولید کند که در این حالت  $\beta, \alpha$  را مستلزم

خواهد ساخت. چون کلاز تهی هم ارز با نادرست است. و بنابراین

$$kB \wedge \sim \alpha \equiv F$$

$$\sim \alpha \equiv F$$

$$\alpha \equiv T$$

مثال در دنیای هیولا:

وقتی عامل در [۱و۱] است هیچ نسیمی نیست پس چاهی در همسایگی نمی تواند وجود داشته باشد

ثابت کنید  $\sim P_{1,2}$

پایگاه معرفت مربوط به قرار:

$$KB = R_2 \wedge R_4 = \left( (B_{1,1} \Leftrightarrow P_{1,2} \vee P_{2,1}) \wedge \sim B_{1,1} \right)$$

است و ما می خواهیم  $\alpha$  را ثابت کنیم که همان  $\sim P_{1,2}$  است. در زمان تبدیل  $(KB \wedge \sim \alpha)$  به CNF

کلازهای نشان داده شده در بالای شکل ۶-۹ تولید خواهد شد. سطر دوم شکل تمامی کلازهای حاصل از

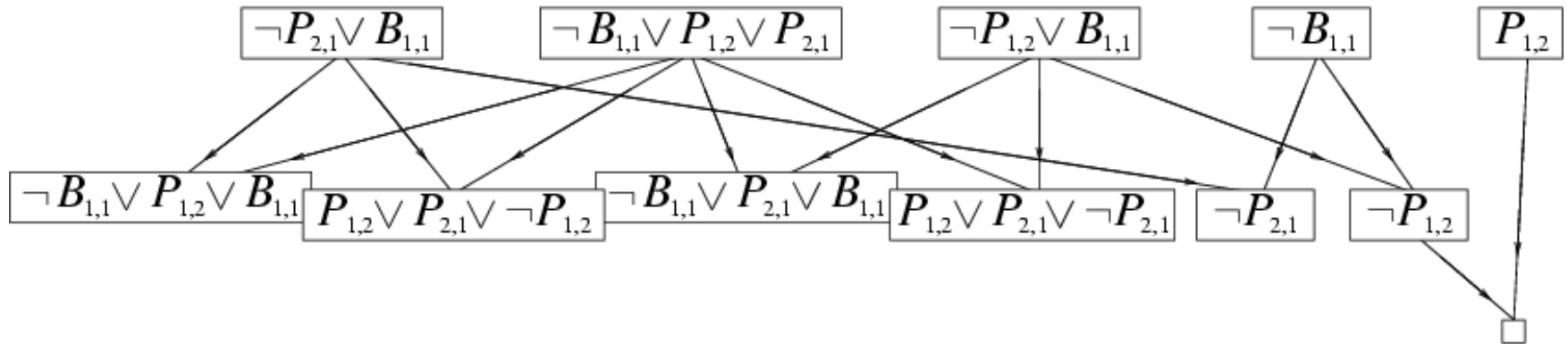
اعمال رزولوشن جفتی بر سطر اول را نشان می دهد. اگر  $P_{1,2}$  را با  $\sim P_{1,2}$  ادغام کنیم به کلاز تهی منجر می

شود که با مربع کوچکی نشان داده شده است. واریسی شکل ۶-۹ آشکار می سازد که مراحل رزولوشن پایان

ناپذیرند. برای مثال کلاز  $B_{1,1} \vee \sim B_{1,1} \vee P_{1,2}$  با  $\text{True} \vee P_{1,2}$  هم ارز است که با True درست است

کمک چندانی نمی کند. پس هر کلازی را که در آن دو لیترال متضاد وجود دارد دور می ریزیم.

## مثال: الگوریتم resolution



$$KB = R1 \wedge R2$$

$$KB = (B_{1,1} \Leftrightarrow (P_{1,2} \vee P_{2,1})) \wedge (\neg B_{1,1})$$

$$\alpha = \neg P_{1,2}$$



## زنجیر پیشرو و عقبگرد

عبارات هورن: ترکیب فصلی لیترالهایی است که فقط یکی از آنها مثبت است

هر عبارت هورن را میتوان به صورت یک استلزام نوشت که مقدمه آن ترکیب

عطفی لیترالهای مثبت و تالی آن یک لیترال مثبت است

این نوع عبارات هورن که فقط یک لیترال مثبت دارند، عبارات معین نامیده

میشوند

لیترال مثبت را رأس و لیترالهای منفی را بدنه عبارت گویند

عبارت معینی که فاقد لیترالهای منفی باشد، گزاره ای بناه حقیقت نام دارد

عبارات معین اساس برنامه نویسی منطقی را میسازد

استنتاج با عبارات هورن، از طریق الگوریتم های زنجیر پیشرو و زنجیر عقبگرد

انجام میگیرد

## زنجیر پیشرو

الگوریتم زنجیر پیشرو تعیین میکند آیا نماد گزاره ای  $q$  (تفاضاً)، توسط پایگاه دانش عبارات هورن ایجاب میشود یا خیر

$$R1 : \sim P \vee Q$$

$$R2 : \sim L \vee \sim M \vee P = \sim(L \wedge M) \vee P$$

$$R3 : \sim B \vee \sim L \vee M = \sim(B \wedge L) \vee M$$

$$R4 : \sim A \vee \sim P \vee L = \sim(A \wedge P) \vee L$$

$$R5 : \sim A \vee \sim B \vee L = \sim(A \wedge B) \vee L$$

$$P \Rightarrow Q$$

$$L \wedge M \Rightarrow P$$

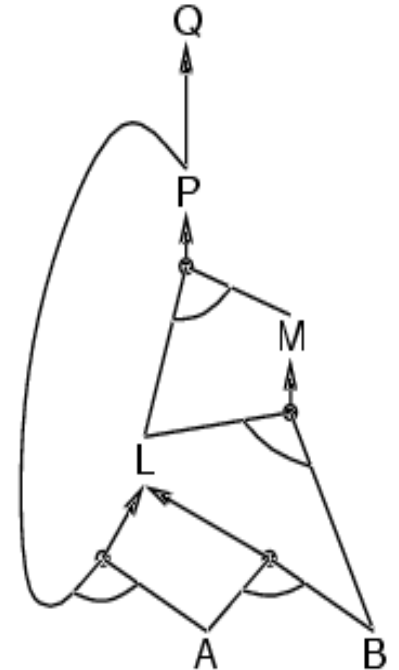
$$B \wedge L \Rightarrow M$$

$$A \wedge P \Rightarrow L$$

$$A \wedge B \Rightarrow L$$

$A$

$B$



# الگوریتم زنجیره پیش رو

**function** PL-FC-ENTAILS?( $KB, q$ ) **returns** *true* or *false*

**inputs:**  $KB$ , the knowledge base, a set of propositional Horn clauses  
 $q$ , the query, a proposition symbol

**local variables:**  $count$ , a table, indexed by clause, initially the number of premises  
 $inferred$ , a table, indexed by symbol, each entry initially *false*  
 $agenda$ , a list of symbols, initially the symbols known to be true in  $KB$

**while**  $agenda$  is not empty **do**

$p \leftarrow \text{POP}(agenda)$

**unless**  $inferred[p]$  **do**

$inferred[p] \leftarrow true$

**for each** Horn clause  $c$  in whose premise  $p$  appears **do**

decrement  $count[c]$

**if**  $count[c] = 0$  **then do**

**if**  $\text{HEAD}[c] = q$  **then return** *true*

$\text{PUSH}(\text{HEAD}[c], agenda)$

**return** *false*

# زنجیر پیشرو

$$P \Rightarrow Q$$

$$L \wedge M \Rightarrow P$$

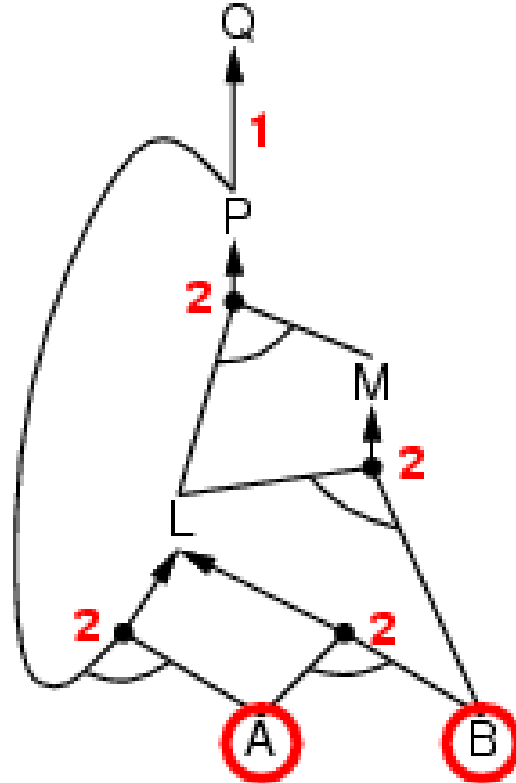
$$B \wedge L \Rightarrow M$$

$$A \wedge P \Rightarrow L$$

$$A \wedge B \Rightarrow L$$

$A$

$B$



# زنجیر پیشرو

$$P \Rightarrow Q$$

$$L \wedge M \Rightarrow P$$

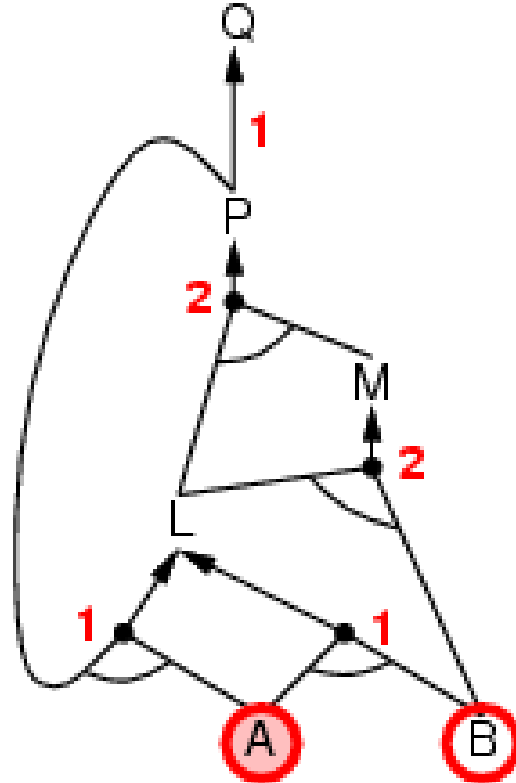
$$B \wedge L \Rightarrow M$$

$$A \wedge P \Rightarrow L$$

$$A \wedge B \Rightarrow L$$

$A$

$B$



# زنجیر پیشرو

$$P \Rightarrow Q$$

$$L \wedge M \Rightarrow P$$

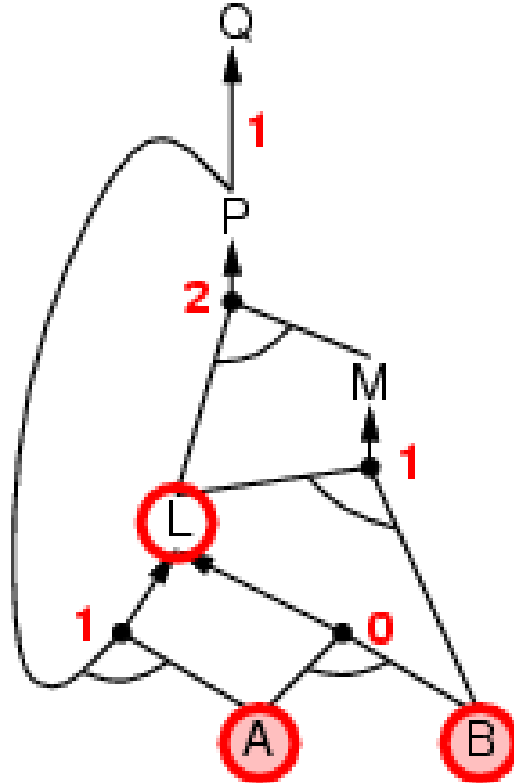
$$B \wedge L \Rightarrow M$$

$$A \wedge P \Rightarrow L$$

$$A \wedge B \Rightarrow L$$

$A$

$B$



## زنجیر پیشرو

$$P \Rightarrow Q$$

$$L \wedge M \Rightarrow P$$

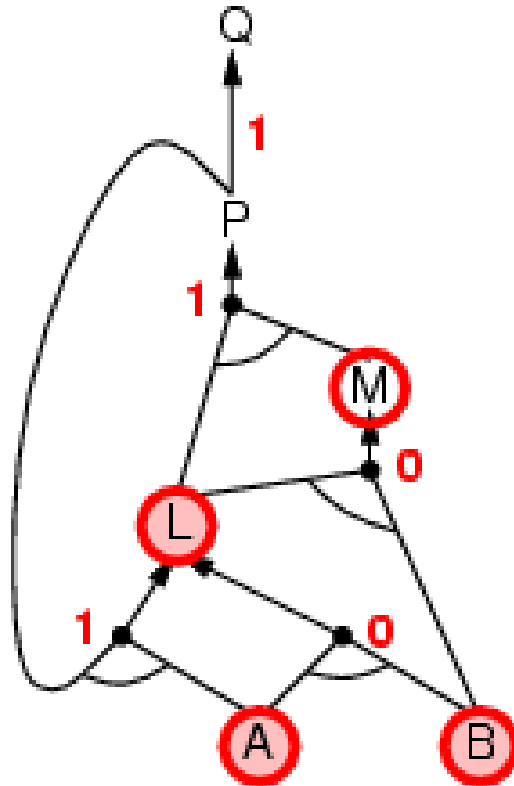
$$B \wedge L \Rightarrow M$$

$$A \wedge P \Rightarrow L$$

$$A \wedge B \Rightarrow L$$

$A$

$B$



# زنجیر پیشرو

$$P \Rightarrow Q$$

$$L \wedge M \Rightarrow P$$

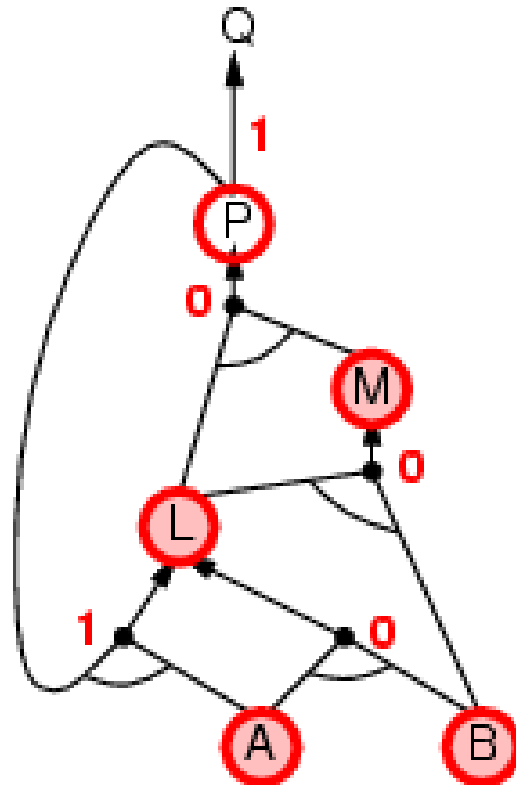
$$B \wedge L \Rightarrow M$$

$$A \wedge P \Rightarrow L$$

$$A \wedge B \Rightarrow L$$

$A$

$B$





## زنجیر پیشرو

$$P \Rightarrow Q$$

$$L \wedge M \Rightarrow P$$

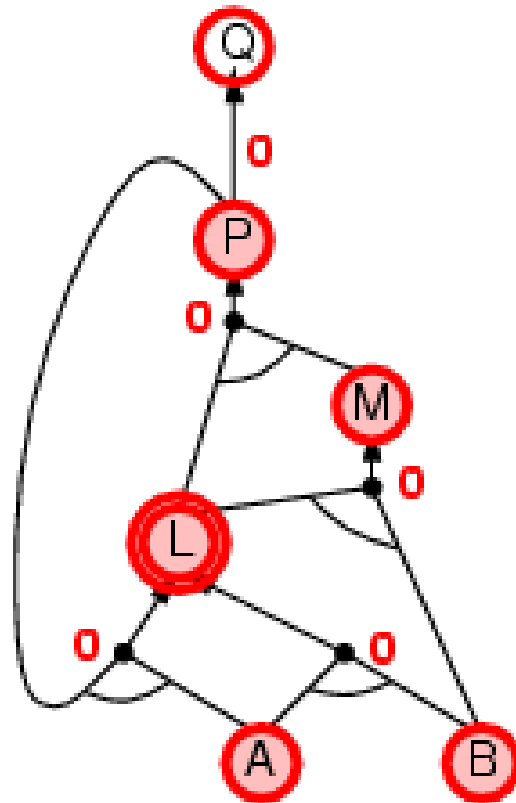
$$B \wedge L \Rightarrow M$$

$$A \wedge P \Rightarrow L$$

$$A \wedge B \Rightarrow L$$

$A$

$B$



# زنجیر پیشرو

$$P \Rightarrow Q$$

$$L \wedge M \Rightarrow P$$

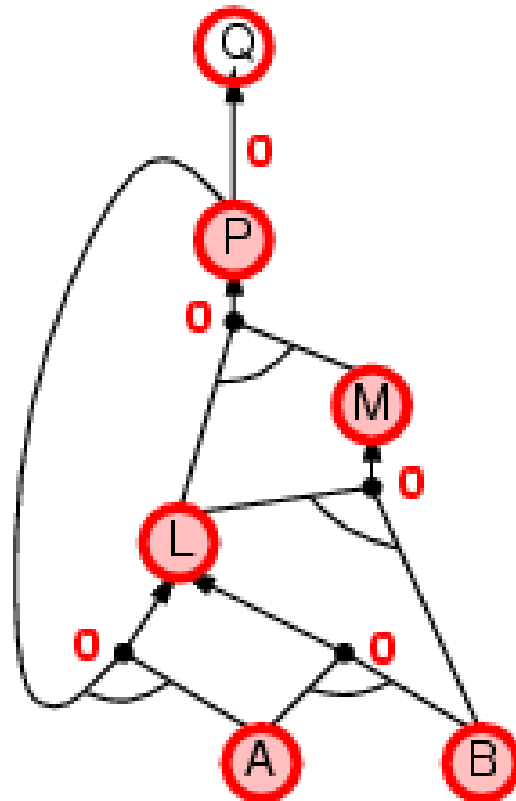
$$B \wedge L \Rightarrow M$$

$$A \wedge P \Rightarrow L$$

$$A \wedge B \Rightarrow L$$

$A$

$B$



## زنجیر پیشرو

$$P \Rightarrow Q$$

$$L \wedge M \Rightarrow P$$

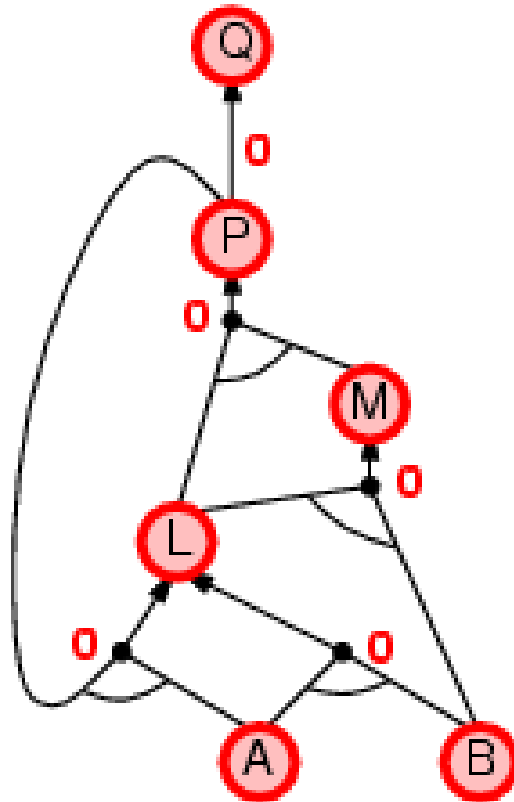
$$B \wedge L \Rightarrow M$$

$$A \wedge P \Rightarrow L$$

$$A \wedge B \Rightarrow L$$

$A$

$B$



# الگوریتم عقبگرد کامل

$$P \Rightarrow Q$$

$$L \wedge M \Rightarrow P$$

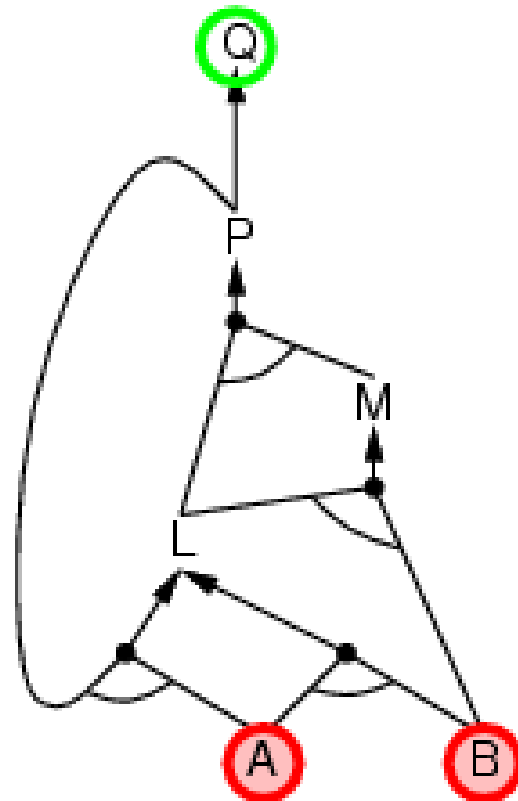
$$B \wedge L \Rightarrow M$$

$$A \wedge P \Rightarrow L$$

$$A \wedge B \Rightarrow L$$

$A$

$B$



# الگوریتم عقبگرد کامل

تخصیصات عمده: فایده زودرس، اکتشاف نماد محض، اکتشاف عبارت واحد

$$P \Rightarrow Q$$

$$L \wedge M \Rightarrow P$$

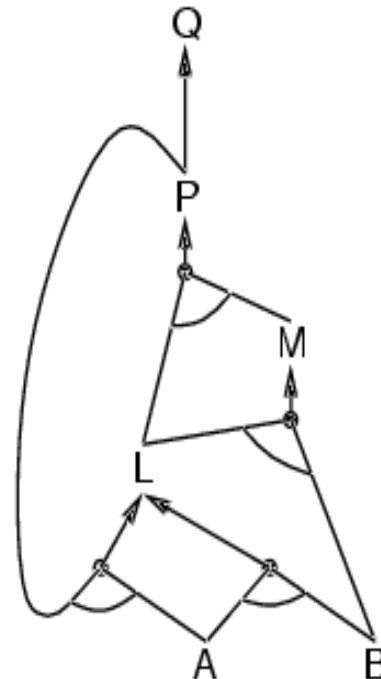
$$B \wedge L \Rightarrow M$$

$$A \wedge P \Rightarrow L$$

$$A \wedge B \Rightarrow L$$

$A$

$B$



# الگوریتم عقبگرد کامل

$$P \Rightarrow Q$$

$$L \wedge M \Rightarrow P$$

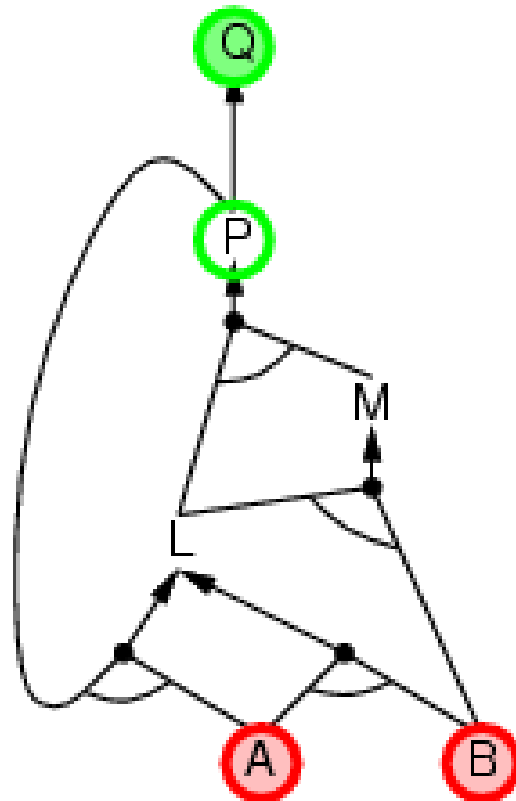
$$B \wedge L \Rightarrow M$$

$$A \wedge P \Rightarrow L$$

$$A \wedge B \Rightarrow L$$

$A$

$B$



# الگوریتم عقبگرد کامل

$$P \Rightarrow Q$$

$$L \wedge M \Rightarrow P$$

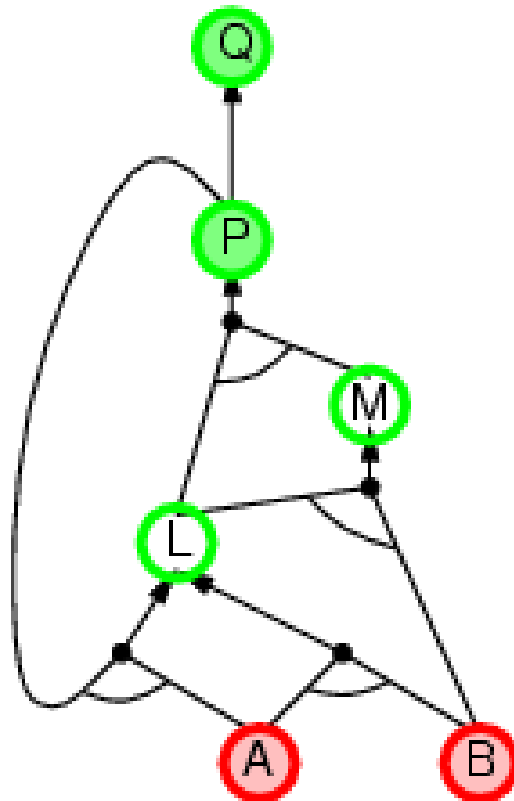
$$B \wedge L \Rightarrow M$$

$$A \wedge P \Rightarrow L$$

$$A \wedge B \Rightarrow L$$

$A$

$B$



# الگوریتم عقبگرد کامل

$$P \Rightarrow Q$$

$$L \wedge M \Rightarrow P$$

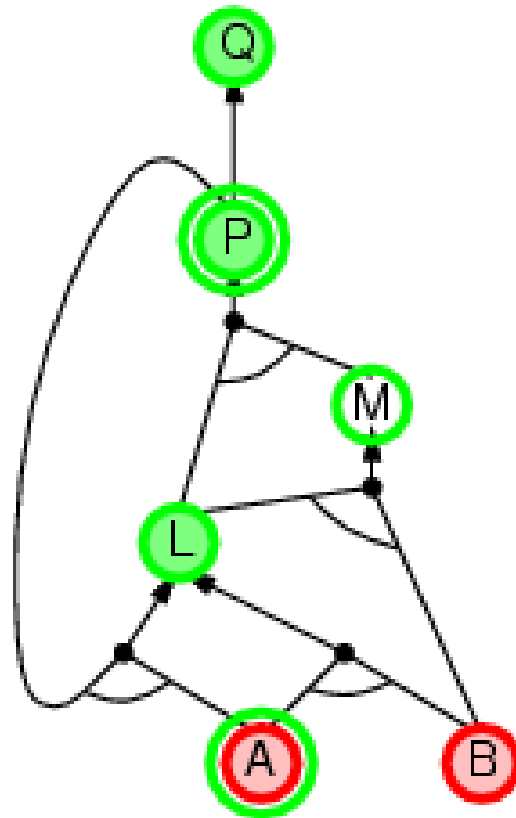
$$B \wedge L \Rightarrow M$$

$$A \wedge P \Rightarrow L$$

$$A \wedge B \Rightarrow L$$

$A$

$B$





## الگوریتم عقبگرد کامل

$$P \Rightarrow Q$$

$$L \wedge M \Rightarrow P$$

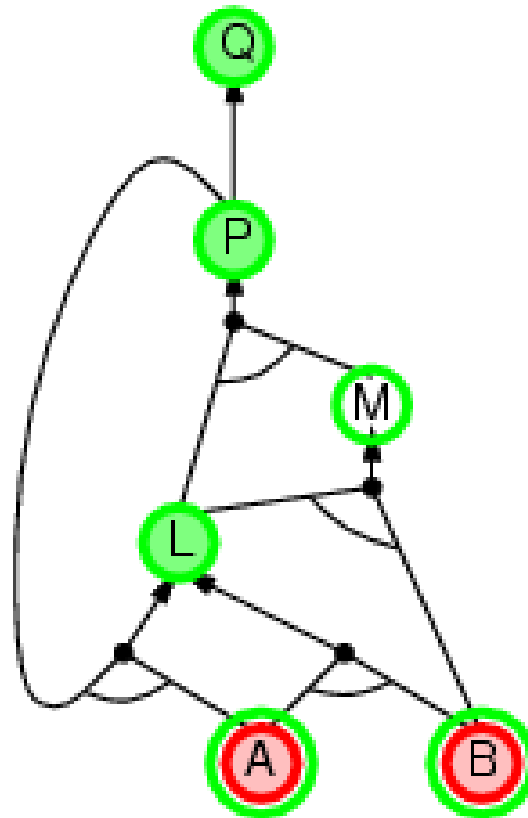
$$B \wedge L \Rightarrow M$$

$$A \wedge P \Rightarrow L$$

$$A \wedge B \Rightarrow L$$

$A$

$B$



# الگوریتم عقبگرد کامل

$$P \Rightarrow Q$$

$$L \wedge M \Rightarrow P$$

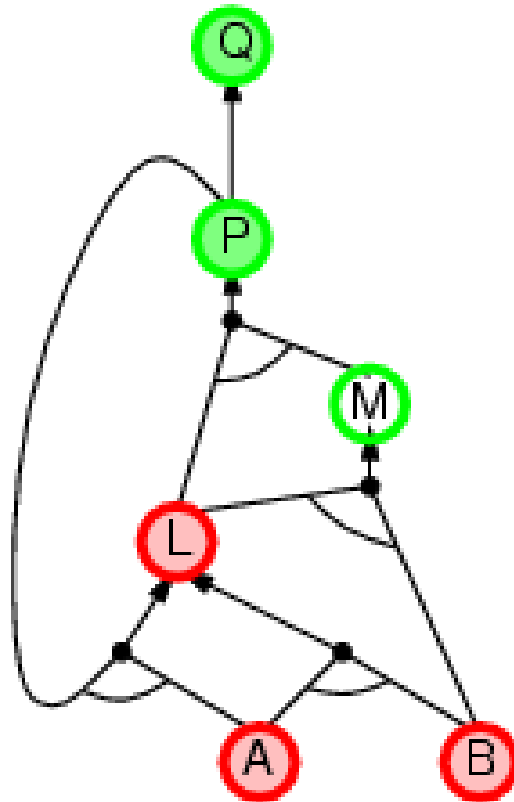
$$B \wedge L \Rightarrow M$$

$$A \wedge P \Rightarrow L$$

$$A \wedge B \Rightarrow L$$

$A$

$B$



# الگوریتم عقبگرد کامل

$$P \Rightarrow Q$$

$$L \wedge M \Rightarrow P$$

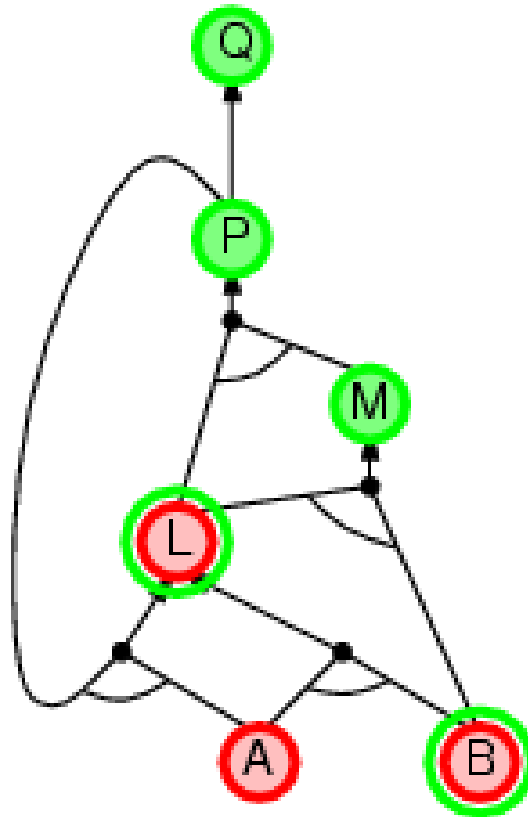
$$B \wedge L \Rightarrow M$$

$$A \wedge P \Rightarrow L$$

$$A \wedge B \Rightarrow L$$

$A$

$B$





# الگوریتم عقبگرد کامل

$$P \Rightarrow Q$$

$$L \wedge M \Rightarrow P$$

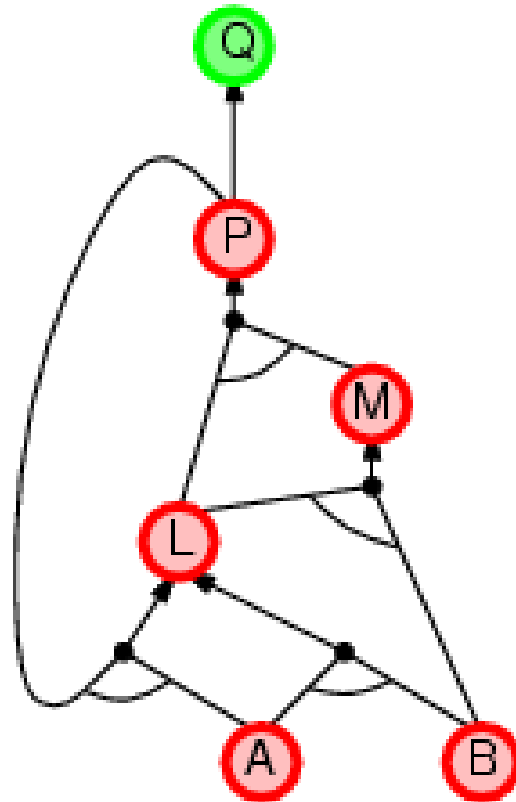
$$B \wedge L \Rightarrow M$$

$$A \wedge P \Rightarrow L$$

$$A \wedge B \Rightarrow L$$

$A$

$B$



# الگوریتم عقبگرد کامل

$$P \Rightarrow Q$$

$$L \wedge M \Rightarrow P$$

$$B \wedge L \Rightarrow M$$

$$A \wedge P \Rightarrow L$$

$$A \wedge B \Rightarrow L$$

$A$

$B$

